

**Câu 1:** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2}x^2 + mx$  đạt cực trị tại  $x_1$ ,  $x_2$  thỏa mãn:  $(x_1^2 - x_2 + 3m)(x_2^2 - x_1 + 3m) = 16$ ?

**A.**  $m = \frac{-5}{2}$ .

**B.**  $m = \frac{7}{2}$ .

**C.**  $m = \frac{1}{2}$ .

**D.**  $m = \frac{3}{2}$ .

Lời giải

**Chọn A**

$$y' = x^2 + x + m. \quad y' = 0 \Leftrightarrow x^2 + x + m = 0 \quad (1)$$

Hàm số có hai điểm cực trị  $\Leftrightarrow y' = 0$  có hai nghiệm phân biệt  $\Leftrightarrow \Delta = 1 - 4m > 0 \Leftrightarrow m < \frac{1}{4}$  (\*)

Với  $m < \frac{1}{4}$ , gọi  $x_1, x_2$  là hai nghiệm của (1). Theo Viet có:  $x_1 + x_2 = -1$ .

Khi đó  $x_1^2 - x_2 + 3m = -m - x_1 - x_2 + 3m = 2m - (x_1 + x_2)$  (vì  $x_1^2 + x_1 + m = 0 \Rightarrow x_1^2 = -x_1 - m$ )

$$(x_1^2 - x_2 + 3m)(x_2^2 - x_1 + 3m) = 16 \Leftrightarrow [2m - (x_1 + x_2)]^2 = 16 \Leftrightarrow (2m + 1)^2 = 16$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2m + 1 = 4 \\ 2m + 1 = -4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = \frac{3}{2} \\ m = \frac{-5}{2} \end{cases}. \text{Kết hợp (*) ta được } m = \frac{-5}{2}.$$

**Câu 2:** Cho một hình chóp tứ giác đều có góc tạo bởi mặt bên và mặt đáy bằng  $60^\circ$  và diện tích xung quanh bằng  $8a^2$ . Tính diện tích  $S$  của mặt đáy hình chóp.

**A.**  $4a^2\sqrt{3}$ .

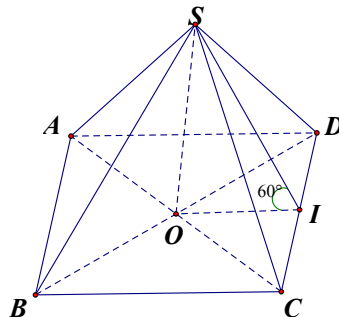
**B.**  $4a^2$ .

**C.**  $2a^2$ .

**D.**  $2a^2\sqrt{3}$ .

Lời giải

**Chọn B**



$$\text{Ta có: } S_{SCD} = \frac{1}{4} S_{xq} = \frac{1}{4} \cdot 8a^2 = 2a^2.$$

Đặt  $CD = x$  ( $x > 0$ ).

Gọi  $I$  là trung điểm của  $CD \Rightarrow \widehat{SIO} = 60^\circ$ . Khi đó:  $\cos 60^\circ = \frac{OI}{SI} \Rightarrow SI = \frac{OI}{\cos 60^\circ} = x$ .

$$S_{SCD} = \frac{1}{2} SI \cdot CD \Leftrightarrow 2a^2 = \frac{1}{2} \cdot x \cdot x \Leftrightarrow x = 2a.$$

Vậy  $S_{day} = x^2 = 4a^2$ .

**Câu 3:** Cho hàm số  $y = \frac{ax+1}{bx-2}$ . Tìm  $a, b$  để đồ thị hàm số có  $x=1$  là tiệm cận đứng và  $y = \frac{1}{2}$  là tiệm cận ngang.

- A.  $a = -1; b = -2$ .      B.  $a = 1; b = 2$ .      C.  $a = -1; b = 2$ .      D.  $a = 4; b = 4$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

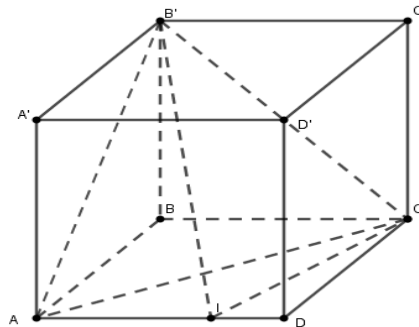
Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $x = \frac{2}{b} = 1$  nên  $b = 2$ .

Tiệm cận ngang  $y = \frac{a}{b} = \frac{1}{2}$  nên  $a = 1$ .

**Câu 4:** Cho hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = a, BC = 2a, AA' = a$ . Lấy điểm  $I$  trên cạnh  $AD$  sao cho  $AI = 3ID$ . Tính thể tích của khối chóp  $B'.IAC$

- A.  $V = \frac{a^3\sqrt{5}}{2}$ .      B.  $V = \frac{3a^3}{4}$ .      C.  $V = \frac{a^3}{2}$ .      D.  $V = \frac{a^3}{4}$ .

**Lời giải**



**Chọn D**

Ta có:  $ID = \frac{1}{4} AD = \frac{a}{2}$  và  $S_{\Delta ADC} = \frac{1}{2} AD \cdot DC = a^2$ .

Lại có:  $S_{\Delta IDC} = \frac{1}{2} ID \cdot DC = \frac{a^2}{4} \Rightarrow S_{\Delta AIC} = S_{\Delta ADC} - S_{\Delta IDC}$ .

$$S_{\Delta AIC} = a^2 - \frac{a^2}{4} = \frac{3a^2}{4} \Rightarrow V_{B'.AIC} = \frac{a^3}{4}.$$

**Câu 5:** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có thể tích là  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ , biết đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $B$ ,  $BC = a$ . Tính chiều cao  $h$  của lăng trụ đã cho.

- A.  $h = \frac{a\sqrt{3}}{2}$ .      B.  $h = \frac{3a\sqrt{3}}{2}$ .      C.  $h = 3a\sqrt{3}$ .      D.  $h = a\sqrt{3}$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có:  $V_{ABC.A'B'C'} = h.S_{ABC} \Leftrightarrow \frac{a^3\sqrt{3}}{2} = h.\frac{BC^2}{2} \Leftrightarrow \frac{a^3\sqrt{3}}{2} = h.\frac{a^2}{2} \Leftrightarrow h = a\sqrt{3}$ .

- Câu 6:** Giá trị lớn nhất  $M$  và giá trị nhỏ nhất  $m$  của hàm số  $y = x^4 - 8x^2 + 3$  trên đoạn  $[0;2]$  là  
**A.**  $M = 3, m = 0$ .      **B.**  $M = 3, m = -13$ .      **C.**  $M = 5, m = 0$ .      **D.**  $M = 5, m = -1$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta có:  $y' = 4x^3 - 16x$ . Cho  $4x^3 - 16x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \Rightarrow y(0) = 3 \\ x = 2 \Rightarrow y(2) = -13 \\ x = -2 \notin [0;2] \end{cases}$ .

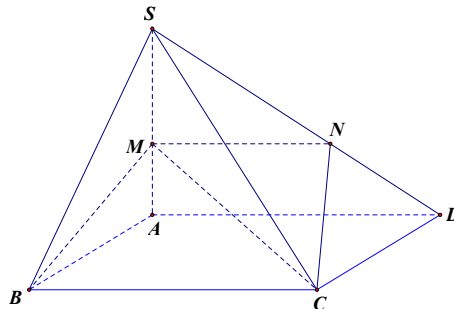
Vậy  $M = 3, m = -13$ .

- Câu 7:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy  $(ABCD)$  và  $SA = a$ . Điểm  $M$  thuộc cạnh  $SA$  sao cho  $\frac{SM}{SA} = k, 0 < k < 1$ . Khi đó giá trị của  $k$  để mặt phẳng  $(BMC)$  chia khối chóp  $S.ABCD$  thành hai phần có thể tích bằng nhau là

- A.**  $k = \frac{1}{3}$ .      **B.**  $k = \frac{-1+\sqrt{3}}{2}$ .      **C.**  $k = \frac{-1+\sqrt{5}}{2}$ .      **D.**  $k = \frac{-3+\sqrt{21}}{6}$ .

**Lời giải**

**Chọn C**



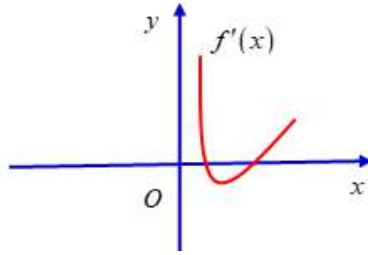
Ta có thiết diện giữa mặt phẳng  $(BMC)$  với hình chóp  $S.ABCD$  là hình thang  $BCNM$  (vuông tại  $M$  và  $B$ ), khi đó mặt phẳng  $(BMC)$  chia khối chóp  $S.ABCD$  thành hai phần là hình chóp  $S.BCNM$  và khối đa diện  $ABMDCN$ . Theo giả thiết ta có  $2V_{S.BCNM} = V_{S.ABCD}$  (\*).

Ta có  $V_{S.MBC} = \frac{SM}{SA} V_{S.ABC} = \frac{k}{2} V_{S.ABCD}$

$V_{S.MCN} = \frac{SM}{SA} \cdot \frac{SN}{SD} V_{S.ABC} = \frac{k^2}{2} V_{S.ABCD} \Rightarrow V_{S.BCNM} = V_{S.MBC} + V_{S.MCN} = \frac{1}{2}(k^2 + k)V_{S.ABCD}$

Từ (\*)  $\Leftrightarrow k^2 + k - 1 = 0 \Rightarrow k = \frac{-1+\sqrt{5}}{2}$  (do  $0 < k < 1$ ).

- Câu 8:** Cho hàm số  $f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị hàm số  $f'(x)$  như hình vẽ bên. Hàm số  $f(x)$  có mấy điểm cực trị?



- A. 3.                    **B. 2.**                    C. 1.                    D. 4.

**Lời giải**

**Chọn B**

Từ đồ thị  $f'(x)$  ta thấy  $f'(x)$  cắt trục  $Ox$  tại hai điểm phân biệt và đổi dấu khi qua hai điểm đó. Vậy hàm số  $f(x)$  có hai điểm cực trị.

**Câu 9:** Hình chóp có 2018 cạnh thì có bao nhiêu đỉnh?

- A. 1010.**                    B. 2018.                    C. 2017.                    D. 1009.

**Lời giải**

**Chọn A**

Vì hình chóp có số cạnh bên bằng số cạnh đáy nên hình chóp có 2018 cạnh sẽ có 1009 cạnh đáy. Do đó hình chóp này có 1009 đỉnh ở mặt đáy. Vậy hình chóp có 2018 cạnh thì có 1010 đỉnh.

**Câu 10:** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên dưới đây. Mệnh đề nào sau đây là sai?

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	-	0	-	+
$y$	$+\infty$	$+\infty$	$-2$	$+\infty$

*Note: Arrows in the original image indicate the function increases from  $+\infty$  to  $-\infty$  on  $(-\infty, 0)$ , decreases from  $+\infty$  to  $-2$  on  $(0, 1)$ , and increases from  $-2$  to  $+\infty$  on  $(1, +\infty)$ .*

- A. Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .      B. Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng  $(0; 1)$ .  
**C. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .**      D. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Từ bảng biến thiên ta thấy trên khoảng  $(0; +\infty)$  hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 1)$  và đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ . Vậy kết luận hàm số đã cho đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$  là sai.

**Câu 11:** Hàm số nào sau đây có ba cực trị:

- A.  $y = 2x^4 - 4x^2 + 1$ .**                    B.  $y = (x^2 + 1)^2$ .  
 C.  $y = -x^4 - 3x^2 + 4$ .                    D.  $y = x^3 - 6x^2 + 9x - 5$

**Lời giải**

**Chọn A**

**Cách 1:** Vì ở các đáp án chỉ có hàm bậc ba, bậc bốn trùng phương nên hàm số nào là hàm số bậc bốn trùng phương có  $a.b < 0$  thì có ba cực trị  $\rightarrow$  Đáp án A

**Cách 2:**

Xét đáp án A ta có:  $y = 2x^4 - 4x^2 + 1 \Rightarrow y' = 8x^3 - 8x \Rightarrow y' = 0 \Leftrightarrow 8x^3 - 8x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases}$ .

Trục xét dấu  $y'$

$x$	$-\infty$		$-1$		$0$		$1$		$+\infty$
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	

Suy ra hàm số này có ba cực trị → Đáp án A

**Câu 12:** Cho hàm số  $y = \frac{mx+9}{x+m}$  với  $m$  là tham số. Cọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của  $m$  để hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0;1)$ . Tìm số phần tử của  $S$ .

- A.** 5.                                  **B.** 2.                                  **C.** 3.                                  **D.** 1.

**Lời giải**

**Chọn A**

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-m\}$ . Ta có  $y' = \frac{m^2 - 9}{(x+m)^2}$ . Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0;1)$  khi và chỉ khi

$$y' < 0, \forall x \in (0;1) \Leftrightarrow \begin{cases} m \notin (0;1) \\ -3 < m < 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \leq 0 \\ m \geq 1 \\ -3 < m < 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -3 < m \leq 0 \\ 1 \leq m < 3 \end{cases}$$

Vậy  $S = \{-2; -1; 0; 1; 2\}$ . Số các phần tử của  $S$  là 5.

**Câu 13:** Cho hàm số  $y = \frac{2x+5}{x+1}$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

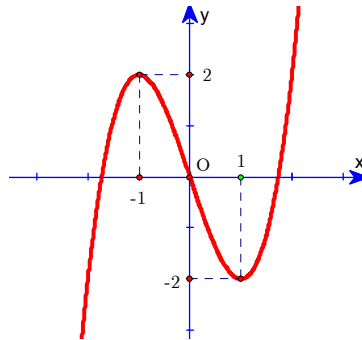
- A.** Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ .  
**B.** Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -1); (-1; +\infty)$ .  
**C.** Hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ .  
**D.** Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -1); (-1; +\infty)$

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta có: TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$ . Ta có:  $y' = \frac{-3}{(x+1)^2} < 0, \forall x \neq -1$ . Suy ra Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -1); (-1; +\infty)$ .

**Câu 14:** Đường cong trong hình bên là đồ thị của hàm số nào trong bốn hàm số sau:



- A.**  $y = x^2 + x$ .                                  **B.**  $y = -x^3 + 3x$ .                                  **C.**  $y = x^4 - x^2$ .                                  **D.**  $y = x^3 - 3x$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Dạng đồ thị của hàm số bậc ba. Loại. A, C

Nhìn vào đồ thị ta có hệ số  $a > 0$ . Loại B

**Câu 15:** Số điểm chung của đồ thị hàm số  $y = x^3 + 2x^2 - x + 1$  và đồ thị hàm số  $y = x^2 - x + 3$  là

- A. 3.                      B. 2.                      **C. 1.**                      D. 0.

**Lời giải**

**Chọn C**

Xét phương trình hoành độ giao điểm  $x^3 + 2x^2 - x + 1 = x^2 - x + 3 \Leftrightarrow x^3 + x^2 - 2 = 0 \Leftrightarrow x = 1$

Vậy hai đồ thị hàm số có 1 điểm chung.

**Câu 16:** Tìm tất cả giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = mx^3 - x^2 + (m-1)x + 3$  có đúng hai điểm cực trị và điểm cực tiểu nằm bên trái điểm cực đại.

- A.  $-\frac{3+\sqrt{21}}{6} < m < 0$ .    B.  $\frac{3-\sqrt{21}}{3} < m < 0$ .    **C.  $\frac{3-\sqrt{21}}{6} < m < 0$ .**    D.  $-\frac{3+\sqrt{21}}{3} < m < 0$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Ta có:  $y' = 3mx^2 - 2x + m - 1$ .

Hàm số có đúng hai điểm cực trị và điểm cực tiểu nằm bên trái điểm cực đại khi và chỉ khi

phương trình  $y' = 0$  có hai nghiệm phân biệt và  $x_{ct} < x_{cd} \Leftrightarrow \begin{cases} 3m < 0 \\ \Delta' = (-1)^2 - 3m(m-1) > 0 \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m < 0 \\ \frac{3-\sqrt{21}}{6} < m < \frac{3+\sqrt{21}}{6} \end{cases} \Leftrightarrow \frac{3-\sqrt{21}}{6} < m < 0.$$

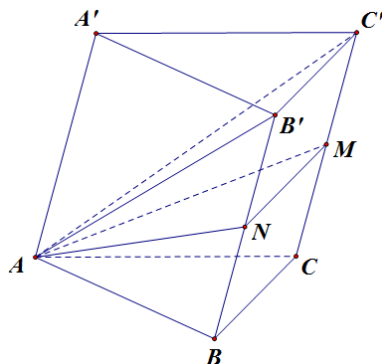
**Câu 17:** Cho hình lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ . Lấy điểm  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $CC'$  và  $BB'$ . Gọi  $V_1, V_2$

lần lượt là thể tích của hai khối đa diện  $ABCMN$  và  $ABC.A'B'C'$ . Tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$ .

- A.  $\frac{1}{2}$ .                      B.  $\frac{2}{3}$ .                      C.  $\frac{1}{6}$ .                      **D.  $\frac{1}{3}$ .**

**Lời giải**

**Chọn D**



Theo kết quả phân chia khối đa diện ta có:  $V_{A'B'C'} = \frac{1}{3}V_2$ ;  $V_{ABCC'B'} = \frac{2}{3}V_2$ . Mặt khác

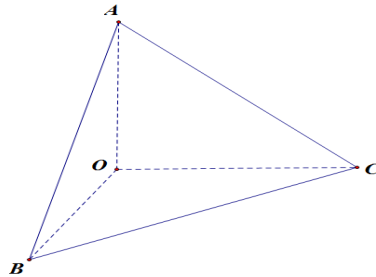
$$S_{BCMN} = \frac{1}{2}S_{BCC'B'} \text{ nên suy ra } V_1 = V_{ABCMN} = \frac{1}{2}V_{ABCC'B'} = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3}V_2 = \frac{1}{3}V_2. \text{ Vậy } \frac{V_1}{V_2} = \frac{1}{3}.$$

**Câu 18:** Cho hình tứ diện  $OABC$  có  $OA, OB, OC$  vuông góc đôi một. Gọi  $V$  là thể tích của khối tứ diện  $OABC$ . Khẳng định nào sau đây đúng.

- A.  $V = OA \cdot OB \cdot OC$ .    **B.  $V = \frac{1}{6} OA \cdot OB \cdot OC$ .**    C.  $V = \frac{1}{3} OA \cdot OB \cdot OC$ .    D.  $V = \frac{1}{2} OA \cdot OB \cdot OC$

Lời giải

**Chọn B**



Do  $OA, OB, OC$  vuông góc đôi một nên có:  $V = \frac{1}{3} OA \cdot S_{\Delta OBC} = \frac{1}{6} OA \cdot OB \cdot OC$ .

**Câu 19:** Tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đồ thị (C):  $y = x^4 - 2x^2 - 3$  cắt đường thẳng  $d : y = m$  tại bốn điểm phân biệt là

- A.  $m > -3$ .    B.  $m < -4$ .    **C.  $-4 < m < -3$ .**    D.  $-4 < m < -\frac{7}{2}$ .

Lời giải

**Chọn C**

Ta có  $y' = 4x^3 - 4x \Rightarrow y' = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases}$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$				
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$+\infty$			$-3$			$-4$		$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên ta được  $-4 < m < -3$  thỏa yêu cầu đề bài.

**Câu 20:** Gọi  $M, m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và nhỏ nhất của hàm số  $y = x + \sqrt{4 - x^2}$ . Hãy tính  $P = M + N$ ?

- A.  $2(\sqrt{2} - 1)$ .**    B.  $2(\sqrt{2} + 1)$ .    C.  $\sqrt{2} + 1$ .    D.  $\sqrt{2} - 1$ .

Lời giải

**Chọn A**

Tập xác định:  $D = [-2; 2]$ . Ta có:  $y' = 1 - \frac{x}{\sqrt{4 - x^2}} = \frac{\sqrt{4 - x^2} - x}{\sqrt{4 - x^2}}$ .

$y' = 0 \Leftrightarrow \sqrt{4 - x^2} = x \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 0 \\ x = \pm\sqrt{2} \end{cases} \Leftrightarrow x = \sqrt{2}$ .

$y(\sqrt{2}) = 2\sqrt{2}, y(2) = 2, y(-2) = -2$ .

Vậy  $M = 2\sqrt{2}, m = -2 \Rightarrow P = 2\sqrt{2} - 2 = 2(\sqrt{2} - 1)$ .

**Câu 21:** Đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+4}}{x^2-16}$  có tất cả bao nhiêu đường tiệm cận?

**A.** 3.

**B.** 1.

**C.** 2.

**D.** 4

**Lời giải**

**Chọn A**

Vì  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 0$  nên đường thẳng  $y = 0$  là tiệm cận ngang của đồ thị.

Vì  $\lim_{x \rightarrow 4^+} y = +\infty$  nên đường thẳng  $x = 4$  là tiệm cận đứng của đồ thị.

Vì  $\lim_{x \rightarrow (-4)^-} y = +\infty$  nên đường thẳng  $x = -4$  là tiệm cận đứng của đồ thị.

**Câu 22:** Thể tích của khối lăng trụ tứ giác đều  $ABCD.A'B'C'D'$  có tất cả các cạnh bằng  $a$  là

**A.**  $3a^3$ .

**B.**  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

**C.**  $a^3$ .

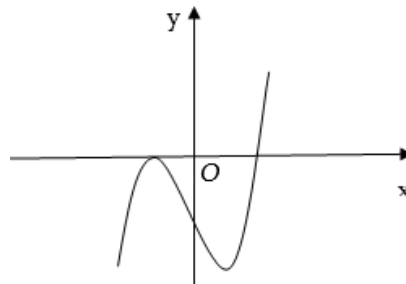
**D.**  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$

**Lời giải**

**Chọn C**

Khối lăng trụ tứ giác đều  $ABCD.A'B'C'D'$  chính là hình lập phương. Vậy  $V = a^3$ .

**Câu 23:** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx + c$  có đồ thị như hình vẽ bên. Mệnh đề nào sau đây là đúng?



**A.**  $a > 0, b > 0, c > 0$ .

**B.**  $a > 0, b < 0, c < 0$ .

**C.**  $a > 0, b < 0, c > 0$ .

**D.**  $a > 0, b > 0, c < 0$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Quan sát đồ thị ta thấy:

Đồ thị đi lên từ trái sang phải nên  $a > 0$ .

Đồ thị có 3 cực trị nên  $y' = 3ax^2 + b$  có hai nghiệm phân biệt. Suy ra:  $b < 0$ .

Đồ thị cắt trục tung tại điểm có tung độ âm nên  $c < 0$ .

**Câu 24:** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để giá trị lớn nhất của hàm số  $y = \frac{x+m^2}{x-1}$  trên đoạn  $[2, 3]$  bằng 11.

**A.**  $m = \pm 3$ .

**B.**  $m = \pm\sqrt{19}$ .

**C.**  $m = 3$ .

**D.**  $m = -\sqrt{19}$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

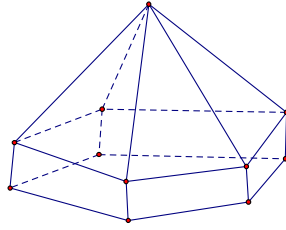
TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ ; - Có  $y' = \frac{-1-m^2}{(x-1)^2} < 0, \forall x \neq 1$ . Suy ra hàm số nghịch biến trên đoạn  $[2, 3]$

$\Rightarrow \max_{[2,3]} y = y(2) = m^2 + 2$ . Có  $\max_{[2,3]} y = 11$  nên:  $m^2 + 2 = 11 \Leftrightarrow m^2 = 9 \Leftrightarrow m = \pm 3$

Vậy chọn đáp án A

**Câu 25:** Hình đa diện sau có bao nhiêu cạnh?





A. 11.

B. 20.

C. 12.

D. 15.

Lời giải

**Chọn B**

Từ hình vẽ ta thấy khối đa diện này có 20 cạnh.